

## TUB VA MURAKKAB SONLAR

**Alijonov Shohruhbek Akramjon o`g`li**

*Andijonovdavlat pedagogika inututining Matematika va informatika yo`nalishi 1-bosqich talabasi*

**Ismoilova Mohlaroyim Muhammadishoq qizi**

*Andijonovdavlat pedagogika inututining Matematika va informatika yo`nalishi 1-bosqich talabasi*

**G'ulomova Moxinurxon Latifjon qizi**

*Andijonovdavlat pedagogika inututining Matematika va informatika yo`nalishi 1-bosqich talabasi*

**Aminjonova Muxarramoy Quvonchbek qizi**

*Andijonovdavlat pedagogika inututining Matematika va informatika yo`nalishi 1-bosqich talabasi*

**Annotatsiya:** Ushbu maqola o`qituvchi va o`quvchilarga metodik tavsiya sifatida yozilgan. Matematikaning asosiy bo`limlaridan tub va murakkab sonlar haqida ma`lumot beriladi. O`quvchi bu mavzuni o`rganish natijasida tub va murakkab sonlar mavzusiga qiziqishi ortadi. Biz ushbu maqolada shu tub va murakkab sonlar doir ayrim formulalarni ko`rib chiqdik va shu mavzu yuzasidan misollar ham ko`rsatishga harakat qildik. tub va murakkab sonlar oid dars jarayonida o`qituvchi maqoladan ko`rgazma sifatida foydalansa bo`ladi. Maqola matematikani o`qitish samaradorligini oshirishda xizmat qiladi. Bu maqolamiz sizlarga manzur bo`ladi degan umiddamiz.

**Kalit so`zlar:** Tub va murakkab sonlar, ta`rif, Isbot, evklid teoremasi, eng kichik tub, eng katta tub, kanonik yoyilmasi.

Qanday sonlar tub sonlar deyiladi?

1 - Ta`rif. Faqat 2 ta bo`luvchisi bor natural son tub son deyiladi.

b) Qanday sonlar murakkab deyiladi?

2- Ta`rif: 2 tadan ortiq bo`luvchisi bo`lgan natural son murakkab son\_ deyiladi.

1. Har qanday natural sonning kamida 2 ta bo`luvchisi bor: 1 soni va a sonining o`zi.

M: 3, 5, 17 sonlari tub son, chunki ularning 1 va o`zidan boshqa bo`luvchilari yo`q. -12. tub son emas, uning 1 va 12 dan boshqa bo`luvchilari ham bor, ular 2, 3, 4, 6 sonlari,

M: 6 -murakkab son, uning to`rtta bo`luvchisi bor. Ular: 1, 2, 3, 6, 0 sonining bo`luvchilari cheksiz ko`p, 1 ning faqat 1 ta bo`luvchisi bor, shuning uchun bu 0 va 1 ni tub sonlarga ham murakkab sonlarga ham kiritilmaydi.

Shunday qilib, nomanfiy butun sonlar to`plami 4 ta sinfga ajraladi.  $N_0 = \{0\} \cup \{1\} \cup \{\text{tub sonlar}\} \cup \{\text{murakkab sonlar}\}$

Tub sonlar quyidagi xossalarga ega:

1°. Agar  $r$  tub soni 1 dan farqli birorta  $n$  soniga bo'lsa,  $r=n$  bo'ladi.

Isbot: haqiqatdan ham  $r \neq n$  bo'lsa,  $r$  sonining 3 ta turli bo'luvchisi bor bo'ladi: 1,  $r$ ,  $n$ . Bu esa shartga zid, demak,  $r$ -tub son bo'la olmaydi.

2°. Agar  $r$  va  $q$  turli tub sonlar bo'lsa,  $r$  tub son  $q$  tub songa bo'linmaydi.

Isbot:  $r$  tub son bo'lgani uchun u faqat 1 ga va  $r$  ga bo'linadi.  $q \neq r$  va  $q \neq 1$  ( $q$  -tub son, 1 tub son emas) bo'lgani uchun  $\overline{p:q}$

3° Agar  $a$  va  $b$  natural sonlar ko'paytmasi  $r$  tub songa bo'lsa, bu sonlardan biri  $r$  ga bo'linadi.

Isbot: Faraz qilaylik  $a:p$ , u holda  $r$  -tub son bo'lgani uchun ularning 1 dan boshqa umumiy bo'luvchisi yo'q  $ab:r \Rightarrow b:r$ .

4°, 1 dan katta istalgan natural sonning *hech* bo'lmaganda 1 ta tub bo'luvchisi bor.

Isbot: Teskarisini faraz qilaylik, 1 dan katta, birorta ham tub bo'luvchisi yo'q natural sonlar mavjud bo'lsin. Bunday sonlar to'plamini  $A$  bilan belgilasak, unda eng kichik son mavjud bo'ladi, chunki natural sonlar to'plami quyidan chegaralangan. Eng kichik element  $a$  bo'lsin.  $a > 1$  bo'lgani uchun u yoki tub, yoki murakkab son bo'lishi kerak.  $a$  - tub son bo'la olmaydi, chunki  $a \in A$  va farazga ko'ra  $a$  ning tub bo'luvchisi yo'q.  $a$  -murakkab son bo'lsa, u o'zidan va 1 dan farqli biror  $b$  natural bo'luvchiga ega bo'lar edi.  $b \in A$ , chunki  $b < a$ . Demak,  $b$  ning biror  $r$  tub bo'luvchisi bor, u holda tranzitivlik xossasiga ko'ra,  $a:b \wedge b:p \Rightarrow a:p$  bu farazimizga zid. Demak 1 dan katta barcha natural sonlar *hech* bo'lmaganda 1 ta tub bo'luvchiga ega.

5°.  $a$  murakkab sonning eng kichik tub bo'luvchisi  $-\sqrt{a}$  dan katta emas.

Isbot:  $a$  -murakkab son,  $r$  -uning eng kichik- tub bo'luvchisi bo'lsin. U holda  $a = bp$  bo'ladi. Bundan kelib chiqadiki  $r \leq b$ , aks holda  $b$  ning tub bo'luvchilari  $r$  dan kichik bo'lib,  $a$  soni  $r$  dan kichik tub bo'luvchiga ega bo'lib qolar edi.  $r \leq b$ , tengsizlikning ikkala qismini  $r$  ga ko'paytiramiz.  $r^2 \leq b = a$  ni hosil qilamiz, Bundan  $r^2 \geq a$  va  $r \leq \sqrt{a}$  ga ega bo'lamiz.

Bu xossadan sonning tub yoki murakkabligini tekshirishda, sonni tub ko'paytuvchilarga ajratishda foydalaniladi. Masalan: 137 sonini olaylik  $121 < 137 < 144$  ya'ni  $11^2 < 137 < 12^2$  bundan  $11 < \sqrt{137} < 12$ . Demak, 137 soni 12 dan kichik tub sonlarga bo'linmasa, tub son bo'ladi. 137 soni 2, 3, 5, 7, 11 sonlarining birortasiga ham bo'linmaydi. Demak, 137 -tub son. 2, Eratosfen g'alviri.

Tub sonlar jadvalini tuzishning qulay usulini eramizdan avvalgi III asrda Aleksandriyada yashagan grek matematigi va astronomi aniqlagani uchun uni Eratosfen g'alviri deb ataladi.

Bu usulga ko'ra 2 dan biror  $n$  natural songacha bo'lgan barcha natural sonlar yozib chiqiladi. So'ng 2 dan boshqa barcha 2 ga karrali sonlar o'chiriladi, bunda 2 dan boshqa barcha juft sonlar, ya'ni har ikkinchi son o'chiriladi. 2 dan keyin o'chirilmay

qolgan 1 - son 3, endi 3 dan tashqari barcha 3 ga karrali sonlarni o'chiramiz, bunda 3 dan boshlab har 3 -son o'chiriladi, ba'zi sonlar 2 martadan o'chiriladi. 3 dan keyin o'chirilmay qolgan son 5 bo'lgani uchun 5 dan tashqari barcha 5 ga karrali, ya'ni Har 5 -sonni o'chiramiz. Shu taxlit I dan katta bo'lmagan o'chirilmay qolgan songacha davom etgiriladi.

Natijada n gacha bo'lgan barcha tub sonlar qatoriga ega bo'lamiz. Masalan  $n = 40$  bo'lsin. Quyidagi qatorga ega bo'lamiz.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	X
X	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
X	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
X	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39

1 dan 40 gacha bo'lgan tub sonlar quyidagilardan iborat:

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37.

Tub sonlar to'plamining cheksizligi.

Tub sonlar to'plamining cheksiz ekanligi eramizdan avvalgi III asrda Aleksandriyada yashagan grek matematigi Evklid tomonidan isbot qilingan.

Evklid teoremasi: Tub sonlar to'plami cheksizdir. Isbot: tub sonlar to'plami chekli deb faraz qilaylik. U holda  $R = \{r_1, r_2, \dots, r_n\}$  tub sonlar to'plamiga ega bo'lamiz.  $a = r_1, r_2, \dots, r_{n+1}$  sonni hosil qilaylik.

$a$  soni tub emas, chunki u  $a_1, a_2, \dots, a_n$  tub sonlarning hammasidan katta va barcha tub sonlar to'plami  $R$  ga kirmaydi.  $a$  soni murakkab ham bo'la olmaydi, chunki 4° ga ko'ra barcha murakkab sonlarning kamida 1 ta tub bo'luvchisi bo'lishi kerak, bu tub bo'luvchi  $r_1, r_2, \dots, r_n$  tub sonlarning biri bo'lishi kerak, lekin  $a$  soni bu tub sonlarning birortasiga ham bo'linmaydi, (ularning har biriga bo'lganda 1 qoldiq chiqadi). Demak,  $R$  to'plamga kirmaydigan 1 ta bo'lsa ham tub son bor ekan. Bu qarama - qarsxilik farazimiz noto'g'riligini ko'rsatadi. Demak, tub sonlar to'plami cheksiz ekan.

### ARIFMETIKANING ASOSIY TEOREMASI.

Matematikada ko'pincha sonni ko'paytuvchilarga ajratish, yoki uning bo'luvchilarini topish masalasiga duch kelamiz. Shu o'rinda quyidagi teoremani bilib qo'yish foydalidir. Bu teoremani natural sonlar arifmetikasining asosiy teoremasi deyiladi va quyidagicha ifodalanadi:

**Teorema.** Har bir murakkab son yagona usul bilan tub sonlar ko'paytmasiga ajratiladi.

**Isboti:** Teoremada sonning tub sonlar ko'paytmasiga ajratishning mumkinligi va bunday ko'paytmaning yagonaligi haqida gapiriladi. Bu tasdiqlarni alohida isbot qilamiz. Tasdiqlarning birinchisini teskarisini faraz qilish yo'li bilan isbot qilaylik:

Faraz qilamiz, tub sonlar ko'paytmasi shaklida yozib bo'lmaydigan murakkab sonlar mavjud. Ularning to'plamini  $A$  bilan, to'plamning eng kichik elementini  $a$  bilan

belgilaymiz. a- murakkab son va u tub ko'paytuvxilarga ajralmaydi. a murakkab son bo'lgani uchun uning o'zidan kichik murakkab bo'luvxilari bor:  $a_1 a_2$  bo'lsin.  $a_1 < a$ ,  $a_2 < a$  bo'lgani uchun  $a_1 \wedge a_2$  sonlari A to'plamga kirmaydi, demak ular yoki tub sonlar ko'paytmasiga ajraladi.  $a_1 = p_1 \dots r_n \wedge a_2 = q_1 \dots q_n$  bo'lsin, u holda  $a = p_1 \dots p_n q_1 \dots q_n$  shaklda tub ko'paytuvxilarga ajraladi va bu farazimizga zid. Demak, tub sonlar ko'paytmasiga ajralmaydigan murakkab son bo'lishi mumkin emas.

Ikkinchi tasdiqni isbotlaymiz, ya'ni murakkab sonning tub sonlar ko'paytmasi ko'rinishida yagona usul bilan yozish mumkin. Faraz qilaylik, turlicha tub sonlar ko'paytmasiga ajraladigan murakkab sonlar mavjud, ularning to'plami A va eng kichik elementi a bo'lsin. Farazga ko'ra  $a = r_1 \dots r_m$  va  $a = q_1 \dots q_k$ . Teng liklarning o'ng tomonlarini tenglaymiz:  $p_1 \dots p_m = q_1 \dots q_k$ .

Bu teng likning chap qismi  $p_i$  ga bo'linadi, demak o'ng qismi ham bo'linishi kerak,  $q_1 \dots q_k$  tub sonlar bo'lgani uchun, ularning biri, masalan,  $q_1 \dots p$  ga bo'linadi, tub sonlar xossasiga ko'ra  $q_1 \dots p_1$  bo'ladi. Teng likning ikkala qismini  $p_1$  ga bo'lsak,  $p_2 \dots p_n = q_2 \dots q_k = c$  soniga ega bo'lamiz,  $c = a : p_1 \wedge p_1 \geq 2$  bo'lgani uchun  $s > a$  va u A to'plamga tegshpli bo'lmaydi, demak u tub sonlar ko'paytmasi shaklida yagona usul bilan yoziladi. Demak,  $p_2 \dots p_n \wedge q_2 \dots q_k$  yoyilmalar tarkibiga ko'ra bir xil va faqat ko'paytuvxilar tartibi bilangina farq qilishi mumkin. U holda  $p_1 p_2 \dots p_n \wedge q_1 q_2 \dots q_k$  ham bir xil sonlardan iborat bo'ladi. Bu esa, farazimizga zid. Demak istalgan murakkab son faqat bir xil usul bilan tub sonlar ko'paytmasiga ajratiladi va turli ko'paytmalar mavjud bo'lsa, ular faqat ko'paytuvxilar tartibi bilan farq qiladi. Bunday ko'paytmada odatda sonning tub bo'luvxilari o'sib borish tartibida, bir xil ko'paytuvxilarni esa, daraja ko'rinishida yoziladi. Ko'paytmaning bu shaklini sonning kanonik yoyilmasi deyiladi. a sonining kanonik yoyilmasi  $a = p_1^{a_1} p_2^{a_2} \dots p_n^{a_n}$  shaklida bo'ladi, bu erda  $p_1 < p_2 < \dots < p_n$ .

Masalan,  $150 = 2 \times 3 \times 5 \times 5$  bo'lsa, kanonik yoyilmasi  $2 \times 3 \times 5^2$  ko'rinishida, 2000 soni uchun esa,  $200 = 2^3 \times 5^2$  ko'rinishida bo'ladi.

### FOYDALANGAN ADABIYOTLAR :

1. Tao T. Analysis 1,2. Hindustan Book Agency, India, 2014.
2. Xudayberganov G., Vorisov A.K., Mansurov X.T., Shoimqulov B.A. Matematik analizdan ma'ruzalar, I-II q. T, "Vorish-nashriyot", 2010.
3. Shoimqulov B.A., Tuychiyev T.T., Djumaboyev D.X. Matematik analizdan mustaqil ishlar. T. "O'zbekiston faylasuflari milliy jamiyati", 2008
4. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления 1,2,3 т. М. "Физматлит", 2007
5. Alimov Sh.O, Ashurov R.R Matematik analiz 1,2,3 q.T. "Mumtoz so'z", 2018